

А.М. Самедов, д.т.н., проф.  
Національний технічний університет України "КПІ"  
А.А. Ткачук, магістр  
Асоціація "Укрцукркамінь"

## ГІДРОТЕРМАЛЬНІ ПРОЦЕСИ В ОСНОВІ ТЕПЛОВОЇ СПОРУДИ ПРИ РУХОВІ ВИСОКОТЕМПЕРАТУРНИХ ВОД У ҐРУНТАХ ТА ГІРСЬКИХ ПОРОДАХ

*Розглянуто явища взаємодії високотемпературних вод з породами основи теплової споруди з урахуванням основних положень термодинаміки.*

*Складено й вирішено диференціальні рівняння руху гарячого підземного водяного розчину в порах, тріщинах і порожнинах ґрунтової основи споруд. Наведено дані для вирішення практичних завдань, що характеризують основні параметри, які входять в формули руху підземного водяного розчину в ґрунтових основах.*

**Актуальність задачі.** Підземні води постійно перебувають у взаємодії із ґрунтовими підставами, внаслідок чого відбувається розм'якшення, розчинення й вилугування гірських порід. При цьому різко зменшуються міцнісні параметри ґрунтів підстав, такі як сила зчеплення й кут внутрішнього тертя. Одночасно змінюється хімічний склад підземних вод. Проникнення високої температури від теплових споруд або промислових печей (до 500 °С) під подошву фундаменту на глибину більше 30 м, де підземна вода нагрівається до кипіння, прискорює рух підземного водяного розчину, збільшуючи інтенсивність розчинення й змивання цементуючих речовин між твердими частками ґрунтів підстав і цим в 30÷50 разів зменшуючи сили зчеплення й в 15–20 разів – кут внутрішнього тертя.

Зміна хімічного складу підземних вод відбивається, головним чином, на збільшенні загальної мінералізації, твердості, кислотності й агресивності. Агресивні впливи підземних вод зростають через збільшення розчиненого піриту, сірки, смоли й олій, нафтопродуктів, аміаку, різних солей, мінералів й інших шкідливих сполук, які гаряча вода зустрічає на своєму шляху. Розчиняючи ці хімічні сполуки, вона перетворюється в підземні водяні розчини з різною в'язкістю, а тому вивчення геотермальних процесів в ґрунтах та гірських породах становить **актуальну наукову задачу**.

**Вивченість питання.** У багатьох працях, у т.ч. у роботах [1, 3], вивчені рухи води в ґрунтах і гірських породах. Однак в них не розглядаються впливи температури на рух підземних вод. Відомо, що температура різко змінює в'язкість і хімічний склад підземних вод, помітно впливаючи на їх переміщення в масиві. В працях, присвячених термодинамічним процесам [2, 4, 5], теж не враховуються явища, що протікають у гідротермальних умовах у ґрунтах підстав або гірських порід.

**Основний зміст досліджень.** При русі водного розчину в порах ґрунтів основ теплових споруд постійно виникають різні тиски, частину яких врахувати при розрахунку практично неможливо. Наприклад сорбційний тиск на скелеті ґрунту основи, тиск при випаровуванні й конденсації вологи, тиск пароподібної вологи, парціальний тиск, тиск поверхневого натягу твердих часток ґрунту при висиханні, тиск від температурного перепаду, осмотичний тиск, тиск всмоктування та ін. достатньо складно включити у визначальні формули.

При вивченні руху підземної води ми зустрічаємося зі зміною щільності водяного розчину, явищем флуктуації на молекулярному рівні, що залежить від неоднорідних властивостей ґрунтів підстав, анізотропії фільтрації й ін., які дуже утрудняють складання й рішення диференціальних рівнянь. Тому надалі будемо враховувати лише головні впливаючі фактори.

Слід зазначити, що якщо відсутня рівновага в гарячому водяному розчині між рідкою водою й пароподібною, то завжди відбувається випаровування або конденсація, інтенсивність яких залежить від температури нагрівання, площі поверхні випаровування, кількості пароподібної вологи й швидкості видалення вологи, що випарувалася. Наприклад на випаровування 1 м<sup>3</sup> чистої рідкої води витрачається близько 2,5 кДж тепла. Конденсація пароподібної води супроводжується виділенням такої ж кількості тепла.

Рух гарячого підземного водяного розчину в підставах споруд визначаємо стосовно елементарного об'єму  $V$  масиву, насиченого тріщинами й порами. У цьому об'ємі рух гарячого водяного розчину має безперервний криволінійний характер, що відбиває звичайну природну структуру ґрунтів підстав (рис. 1).

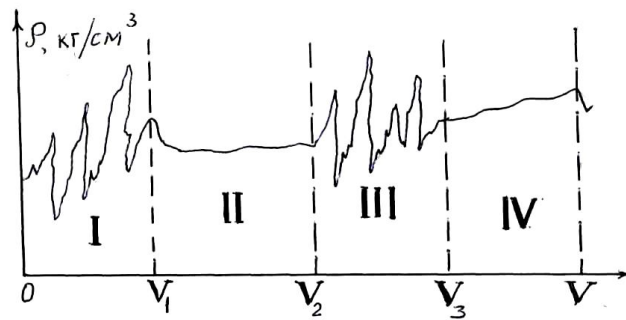


Рис. 1. Рух підземного водяного розчину, нагрітого до 60 °С, у пористій і тріщинуватій гірській породах. Зони I, III – вплив макропор і тріщинних дефектів порід на рух підземного водного розчину з температурою 60 °С; зони II, IV – згладжування впливу дефектів порід на рух підземного водяного розчину з температурою 60 °С

Умовно вирізаний об’єм  $V$  з ґрунтової підстави має пори, тріщини, раковини й структурні неоднорідності, завдяки яким рух гарячої води протікає в цьому середовищі по-різному. Тут у межах області I на рух води сильно впливають пори, макротріщини з урахуванням локальних неоднорідностей, а потім рух води протікає стійко, тобто криві згладжуються до об’єму  $V_2$ ; в II області спостерігається стійкий рух води, показаний згладженими кривими. Потім рух води знову змінюється (область III) від  $V_2$  до  $V_3$  за рахунок заповнення пор і мікротріщин водою. Починаючи з деякого об’єму  $V_3$ , в області IV ґрунтів підстави може відбутися згладжування – зміна властивостей підземного водяного розчину.

Рух підземного водяного розчину  $V_R$  будемо розглядати в областях II й IV, які можна віднести до згладжених об’ємів руху гарячої води, тобто в об’ємах  $V_1$  й  $V_3$  ґрунтів підстав споруд. При цьому будемо вважати, що проникаючі високі температури від теплових споруд до ґрунтових підстав, а також рух підземних вод у порах ґрунтів підстав, нагрітих до цієї температури, мають постійну величину, тобто відповідно  $T = \text{const}$  й  $V_{Rt} = \text{const}$ .

Тоді рух підземного водяного розчину  $V_R$ , що складається з рідкого розчину  $V_g$  і пароподібної води  $V_p$ , ( $V_R = V_g + V_p$ ), у порах, порожнинах і тріщинах гірської породи можна описати у вигляді:

$$\frac{\partial}{\partial t} \left( \frac{\rho_g V_g}{V} + \frac{\rho_p V_p}{V} \right) = -\text{div}(\rho_g v_r) - \text{div}(\rho_g v_{d.g}) - \text{div}(\rho_p v_p) + I_{H_2O} \quad (1)$$

де  $\rho_g, \rho_p, \rho_v$  – відповідно щільність підземної води в рідкому розчині (тобто з розчиненими солями, мінералами й т. ін.), щільність водяної пари, що перебуває у водяному розчині й утворилась від проникаючої температури теплових споруд, і щільність води в чистому вигляді;  $V_g, V_p, V_v$  – відповідно об’єм рідкої підземної води в розчині, об’єм пари, що перебуває в підземному водяному розчині й об’єм чистої води у водяному розчині;  $\text{div}$  – символ, що характеризує рух елементів водяного розчину в порах ґрунтів;  $I_{H_2O}$  – внутрішнє джерело підземної води без випаровування й конденсації, тобто  $I_{\text{isp}} + I_{\text{kond}} = 0$ ;  $V$  – об’єм умовно вирізаного зразка із ґрунтової підстави.

Для чистої підземної води з нерозчиненими солями й мінералами зі звичайною температурою до 20 °С це рівняння буде мати вигляд:

$$\frac{\partial}{\partial t} \left( \frac{\rho_v V_v}{V} \right) = -\text{div}(\rho_v v_r) - \text{div}(\rho_v v_{d.v}) + I_{H_2O},$$

де  $v_r, v_{d.g}, v_p, v_v, v_{d.v}$  – відповідно швидкості водяного розчину, дифузії рідини, пароподібної вологи, чистої води й дифузії чистої води. Для практичних розрахунків можна приймати:  $V_r = V_g$ , тобто розчинені

речовини розподілені по всьому об’єму  $V$ . Тоді:  $\frac{V_r}{V} = \frac{V_g}{V} = W$  – вологість ґрунтів підстав, а  $\frac{V_r}{V} = n - W$ ,

де  $n$  – пористість ґрунту.

Отже формула (1) буде мати вигляд:

$$\frac{\partial}{\partial t} (\rho_g W + \rho_p (n - W)) = -\text{div}(\rho_g v_r) - \text{div}(\rho_g v_{d.g}) - \text{div}(\rho_p v_p) + I_{H_2O}. \quad (2)$$

Як видно, у формулу (2) не включений вплив температурного фактора, якщо не враховувати рух водяної пари, що присутня в складі підземної води в рідкому розчині, частина води якого у вигляді пароподібної вологи утворилась в результаті температурного нагрівання від теплових споруд або інших джерел.

Однак температура в масиві ґрунтової підстави теплових споруд може впливати на рух водяного розчину, не тільки перетворивши його у водяну пару, але й істотно змінювати в'язкість водяного розчину. Тому варто включити температурний фактор безпосередньо до складу визначальних формул. Це можна виконати тільки при використанні термодинамічних закономірностей руху водяного розчину в порах ґрунтової підстави, тобто з використанням термодинамічних коефіцієнтів і градієнтів тисків, швидкостей і температур. Тоді формула (1) з урахуванням (2) буде мати вигляд:

$$\begin{aligned} & \frac{\partial}{\partial t} \left( \frac{\rho_g V_g}{V} + \frac{\rho_p V_p}{V} \right) = \frac{\partial}{\partial t} (\rho_g W + \rho_p (n - W)) = \\ & = \operatorname{div} \left\{ \rho_g K_{1,r} (p_r, \operatorname{grad} p_r) \left[ p_r + v_r \operatorname{grad} v_r + \frac{\operatorname{grad} p_r}{\rho_r} + \operatorname{grad} (gz) \right] \right\} + \\ & + \operatorname{div} \left[ (D_{g,c} \operatorname{grad} p_c + D_{g,m} \operatorname{grad} T + D_{g,el} \operatorname{grad} p_{el} + D_{g,dav} \operatorname{grad} g) \right] + \\ & + \operatorname{div} [D_p \alpha_l \alpha_g (n - W_1)] + I_{H_2O}, \end{aligned} \quad (3)$$

де  $K_{1,r}$  – коефіцієнт конвективного масопереносу, що залежить від тиску водяного розчину  $p_r$  і градієнтів  $\operatorname{grad} p_r$ ; тобто  $K_{1,r} = f(p_r, \operatorname{grad} p_r)$ , індекс «r» – «розчин», «g» – «ґрунт», «p» – «пара».

Коефіцієнт  $K_{1,r}$  при рухові розчину в порах або тріщинах гірської породи визначається в'язкістю підземного водяного розчину й конфігурацією провідних шляхів лінії руху, тобто пор, тріщин і порожнин у ґрунтових підставах. У свою чергу, в'язкість, щільність, проникність гірської породи або ґрунтів підстав залежить від температури, мінералізації й багатьох інших факторів. До того ж  $K_{1,r}$  враховує приведення швидкості водяного розчину  $v_r$  до всього об'єму  $V$  досліджуваної ділянки масиву. Тут  $p_r$  – тиск водяного розчину;  $z$  – глибина руху водяного розчину;  $\operatorname{grad} p_r$ ,  $\operatorname{grad} v_r$ ,  $\operatorname{grad} T$ ,  $\operatorname{grad} p_{el}$ ,  $\operatorname{grad} p_c$ ,  $\operatorname{grad} \rho_p$ ,  $\operatorname{grad} g$  – градієнти відповідно тисків водяного розчину, швидкості водяного розчину, температури, електроосмотичного тиску, тиску від концентрації розчинених солей, щільності пари, прискорення вільного падіння ( $g = 9,81 = \text{const}$ );  $\rho_r$  – щільність водяного розчину;  $D_{g,c}$ ,  $D_{g,m}$ ,  $D_{g,el}$ ,  $D_{g,dav}$ ,  $D_{g,g}$ ,  $D_p$  – коефіцієнти дифузії рідкого розчину відповідно в залежності від тисків концентрації мінералізації  $p_c$ , температури  $p_m$ , електроосмотичних тисків  $p_{el}$ , зовнішніх тисків  $p_{dav}$ , тисків власної ваги  $p_g$  і атмосферних тисків  $p_{atm}$ .

Для практичних розрахунків можна приймати:  $D_p = (2,5-2,6) \cdot 10^{-1} \text{ см}^2/\text{с}$ ;  $\alpha_g = 10$ ;  $\alpha_l = 0,66$ ; щільність водяного розчину  $\rho_r = \rho_g = 10,7 \text{ Н/см}^3$ ; пористість ґрунтової підстави  $n = 0,4-0,6$ ; вологість породи  $W = 0,14 - 0,38$ ; щільність ґрунтів підстав  $\gamma = 14-18 \text{ кН/м}^3$ ; щільність пароподібної вологи  $\rho_p = 424 \cdot 10^{-5} \text{ Н/см}^3$ .

Залежно від концентрації розчинених солей коефіцієнт дифузії  $D_c$  має такі величини: якщо у воді розчинена досить рухлива сіль КСl при  $T = 25 \text{ }^\circ\text{C}$  і  $C_{KCl} = 2240 \text{ Н/л}$ , тоді

$$D_c = 2,1 \cdot 10^{-9} \text{ м}^2/\text{з}, \text{ а коефіцієнт дифузії } D_{g,c} = b_{ist} \cdot \frac{D_c}{\rho_g} \cdot \frac{\partial \rho_g}{\partial p_g} \quad (\text{де } b_{ist} = 0,7-0,25 \text{ – коефіцієнт широкості}$$

швидкості дифузії води в підземному розчині із середньою швидкістю переносу пароподібної вологи  $0,66W$ ; залежить від температури водяного розчину й пористості ґрунту). При градієнті  $100 \text{ г/л}$  концентрації розчинених солей, що рівноцінно градієнту щільності води в розчині  $0,4 \text{ Н/см}^3 \cdot \text{м}$  для  $50 \%$  ефективної пористості ґрунтової підстави  $D_c = 4,3 \cdot 10^{-9} \text{ м}^2/\text{с}$ ;  $\operatorname{grad} \rho_g = 1,1 \text{ Н/см}^3 \cdot \text{м}$ ;  $v_{g,c} = 4,3 \cdot 10^{-6} \text{ м/доб.}$ ; тиск рідкої води  $p_g$  у водоносному розчині при  $p_c = (-101) \text{ кПа}$  відповідає концентрації NaCl близько  $13 \text{ Н/л}$ , а щільність водяного розчину  $\rho_g = 10,1-10,7 \text{ Н/см}^3$ . При пористості породи  $n = 0,25$   $b_{ist} = 0,25-0,3$ , а при пористості  $n = 0,5$   $b_{ist} = 0,5$ .

При термодифузії коефіцієнт:

$$D_{g,T} = b_{ist} \cdot \frac{D_T}{\rho_g} \cdot \frac{\partial \rho_g}{\partial T},$$

де  $D_T = 3,84 \cdot 10^{-9} \text{ м}^2/\text{доб.}$  при  $T = 45 \text{ }^\circ\text{C}$ , градієнт щільності води в рідкому підземному розчині  $\operatorname{grad} \rho_g = 10,1 \text{ Н/см}^3 \cdot \text{м}$ , при градієнті температури  $T = 45 \text{ }^\circ\text{C/м}$  швидкість при цій температурі  $v_{g,m} = 1,5 \cdot 10^{-6} \text{ м/доб.}$  При  $90 \text{ }^\circ\text{C}$  водяного розчину й  $\operatorname{grad} 90 \text{ }^\circ\text{C/м}$  ефективна пористість ґрунтової підстави  $n = 50 \%$ ;  $b_{ist} = 0,5$ ,  $v_{g,m} = 6,0 \cdot 10^{-6} \text{ м/доб.}$

При електродифузії рідкого підземного розчину коефіцієнт електроосмосу  $D_{el} = 7,6 \cdot 10^{-9} \text{ м}^2/(\text{с} \cdot \text{В})$  відповідає градієнту електричної напруги величиною  $\operatorname{grad} 5 \cdot 10^{-3} \text{ В/м}$ , яка виникає у природних умовах

гірських порід при звичайних температурах. Електродифузія гірських порід залежить від ефективної пористості  $n$ , від температури середовища (у цьому випадку від температури ґрунтових підстав, що нагріваються гарячою водою), від електричних властивостей ґрунтів або гірських порід, від електромагнітних тисків  $p_{el}$  (де  $p_{el} = 4,9$  кПа),  $grad p_{el} = 4,9$  кПа/м. При ефективній для переносу води пористості ґрунту, рівній 50 %, одержимо  $v_{d,el} = 1,6 \cdot 10^{-7}$  м/доб;  $b_{ist} = 0,5$ .

Знаючи ці параметри, можна визначити величини коефіцієнта  $D_{g,el}$  за формулою:

$$D_{g,el} = b_{ist} \cdot \frac{D_{el}}{\rho_g} \cdot \frac{\partial \rho_g}{\partial p_{el}}$$

Масова швидкість пароподібної вологи  $v_p = (\rho_p V_p)$  дуже важко піддається теоретичному аналізу й практично не існує експериментальних способів її визначення. Тому приймаємо наближені рівняння:

$$v_p = \rho_p \cdot V_p = (n-w) \cdot \alpha_l \cdot D_p \cdot \alpha_g \cdot grad \rho_p \quad (4)$$

де  $D_p$  – коефіцієнт дифузії водяної пари, що залежить від температури й атмосферного тиску, парціального тиску пари, коефіцієнта локального парорідинного переносу ( $\alpha_g = 1 \div 10$ ) у ґрунтовому середовищі й прихованої теплоті пароутворення. Для практичних розрахунків можна приймати  $D_p = (2,3 \div 2,6) \cdot 10^{-1}$  см<sup>2</sup>/с, а  $\alpha_g = 10$ ;  $\alpha_l = 0,66$ ; пористість ґрунту  $n = 0,4 \div 0,6$ ; вологість ґрунту у водонасиченому стані  $W = W_{sat} = 0,28 \div 0,42$ ;  $grad \rho_p = (29 \div 32) \cdot 10^{-7}$  Н/(см<sup>3</sup> · м) при  $grad T = 80$  °С/м; щільність пароподібної вологи  $\rho_p$  для температури  $T = 90$  °С становить  $\rho_p = 42,4 \cdot 10^{-5}$  г/см<sup>3</sup> =  $424 \cdot 10^{-5}$  Н/см<sup>3</sup>; атмосферний тиск приймається  $p_{atm} = 101 \div 102$  кПа =  $(1,01 \div 1,02) \cdot 10^5$  Па.

Як внутрішнє джерело масопереносу підземної води мають на увазі конденсація, фізичне випаровування, хімічні й фазові перетворення води в складі ґрунтової підстави. При відсутності дослідних даних у розрахунках цими частинами прихованого джерела можна зневажити, тому що вони незначні.

**Виходячи з викладеного вище, можна зробити такі висновки:** високі температури від теплових споруд поширюються на значну глибину ґрунтового масиву, нагрівають підземну воду до кипіння й прискорюють її рух у порах ґрунтової підстави теплової споруди. Гаряча вода розчиняє цементуючі речовини між твердими частками, солі, смоли, олії, мінерали й ін. сполуки, різко зменшує міцнісні параметри порід і ґрунтів. Цим створюються сприятливі умови для виникнення й розвитку осадок споруд.

Рух гарячої води в порах ґрунтової підстави являє собою багатофакторне явище, але основні впливаючі фактори можна включити в рівняння й вирішити ці рівняння як самостійно, так й у їхній комбінації із швидкістю руху.

Складено й вирішено диференціальні рівняння руху гарячої води в порах ґрунтів підстав, де використані основні закономірності термодинамічних засад при описі гідротермальних процесів, що протікають у пористому середовищі.

#### ЛІТЕРАТУРА:

1. Глобус А. М. Экспериментальная гидрофизика. – Л.: Гидрометеиздат, 1969. – 355 с.
2. Дьярмати И. Неравновесная термодинамика (теория поля и вариационные принципы). – М.: Мир, 1974. – 304 с.
3. Полубаринова-Кочина П.Я. Теория движения грунтовых вод. – М.: Гостехиздат, 1952. – 676 с.
4. Рембеляк Т. Физическая модель тепломассопереноса в конструкциях шахтной крепи при пожаре // Вісник НТУУ "КПІ" / Гірництво. – Вип. 5. – К., 2001. – С. 19–23.
5. Лебедев Н.В. Математическое моделирование температурного поля в массиве грунтов или горных пород от очагового источника тепла // Вісник НТУУ "КПІ" / Гірництво. – Вип. 9. – К., 2003. – С. 29–36.

САМЕДОВ Ахмед Меджидович – доктор технічних наук, професор кафедри геобудівництва та гірничих технологій Інституту енергозбереження та енергоменеджменту Національного технічного університету України «КПІ».

Наукові інтереси:

- будівельна справа;
- геобудівництво;
- інженерна екологія.

ТКАЧУК Анатолій Андрійович – магістр, Асоціація "Укрцукрамінь".

Наукові інтереси:

- гірництво;
- геобудівництво;
- екологічна безпека.

